

*Prof. Angelo Serafino Caruso, Docente di Meccanica, Macchine ed Energia  
Istituto Tecnico Industriale "E. Majorana" – Rossano (CS)*

*Le mie lezioni:  
Esercizi svolti in Quarta Classe*

### *Esercizio*

*Determinare il carico unitario nella sezione pericolosa della trave in Fig.7.1, sapendo che  $L=2\text{mt}$ ,  $F=450\text{ daN}$ ,  $A=6500\text{ mm}^2$  e  $K=8\text{ daN/mm}^2$ .*

### *Esercizio*

*Calcolare le dimensioni della trave a sezione rettangolare in Fig.7.2, per  $F_1=200\text{ daN}$ ,  $F_2=250\text{ daN}$ ,  $F_3=30\text{ daN}$ ,  $L=2\text{ mt}$ ,  $L_2=1,5\text{mt}$   $L_3=0,8\text{ mt}$ ,  $b=0,6\text{ h}$ ,  $K=9\text{ da N/mm}^2$ .*

### *Esercizio*

*Calcolare le dimensioni della trave a sezione quadrata in Fig.7.3, per  $q=300\text{ daNmt}$ ,  $L=2\text{ mt}$ ,  $K=10\text{ da N/mm}^2$ .*

### *Esercizio*

*Una trave lunga  $5\text{ mt}$  è incastrata, all'altro estremo sopporta un carico concentrato di  $100\text{ Kg}$ . a) Calcolare le reazioni sugli appoggi e il momento flettente massimo riportando i risultati sul diagramma del taglio e del momento in scala opportuna. b) Dimensionare la trave considerando una sezione quadrata in acciaio.*

## *Esercizio*

*Una trave lunga 5 mt, con un carico concentrato in mezzeria di 100 Kg, è appoggiata alle estremità.*

*a) Calcolare le reazioni sugli appoggi e il momento flettente massimo riportando i risultati sul diagramma del taglio e del momento in scala opportuna.*

*b) Dimensionare la trave considerando una sezione quadrata in acciaio.*

## *Esercizio*

*Una trave lunga 5 mt è incastrata da un lato e poggiata all'altro estremo, sopporta in mezzeria un carico concentrato di 100 Kg.*

*a) Calcolare le reazioni sugli appoggi e il momento flettente massimo riportando i risultati sul diagramma del taglio e del momento in scala opportuna.*

*b) Dimensionare la trave considerando una sezione quadrata in acciaio.*

*Si ricorda che il carico di sicurezza è pari a  $K=10 \text{ Kg/mm}^2$  e che  $W_f=M_f/K=bh^2/6$ .*

*Un recipiente cilindrico di diametro pari a 800 mm contiene gas compresso a  $0,2 \text{ dN/mm}^2$ , per  $k=12 \text{ N/mm}^2$ . Calcolare lo spessore della parete e spiegare il procedimento adottato.*

*Commentare e descrivere il procedimento di calcolo con riferimento alle unità di misura.*

### RISOLUZIONE

$$\sigma = F/A = pd/2s \gg 2s = pd/\sigma \gg s = pd/2\sigma = pd/2k = 6,6 \text{ mm}$$

Determinare, inoltre, lo spessore della parete di un recipiente sferico con le stesse caratteristiche.

$$\sigma = F/A = pd/4s = 3,3 \text{ mm}$$

## Esercizio

Verificare le Sezioni del Gancio indicate nel disegno sotto riportato, sapendo che il peso da sostenere è  $Q=500 \text{ daN}$ , la vite è M16 e il diametro del gancio è  $d=18 \text{ mm}$ .

Si conosce la Tensione ammissibile pari a  $\sigma_{am}=24 \text{ daN/mm}^2$ .

### RISOLUZIONE

La SEZIONE A-A è soggetta a Trazione per cui  $\sigma=Q/A$   
Essendo il diametro del nocciolo pari a 13,54 mm, l'area

$$A=\pi \times 6,77^2=143,91 \text{ mm}^2$$

$$\text{Segue che } \sigma=500/143,91=3,47 \text{ daN/mm}^2$$

La SEZIONE B-B è soggetta a Trazione-Flessione-Compressione: Troviamo l'area  $A=3,14 \times 9^2=254,34 \text{ mm}^2$

$$M_f=Q \times \text{braccio}(CO)=12.000 \text{ daNmm}$$

il Modulo di resistenza a flessione

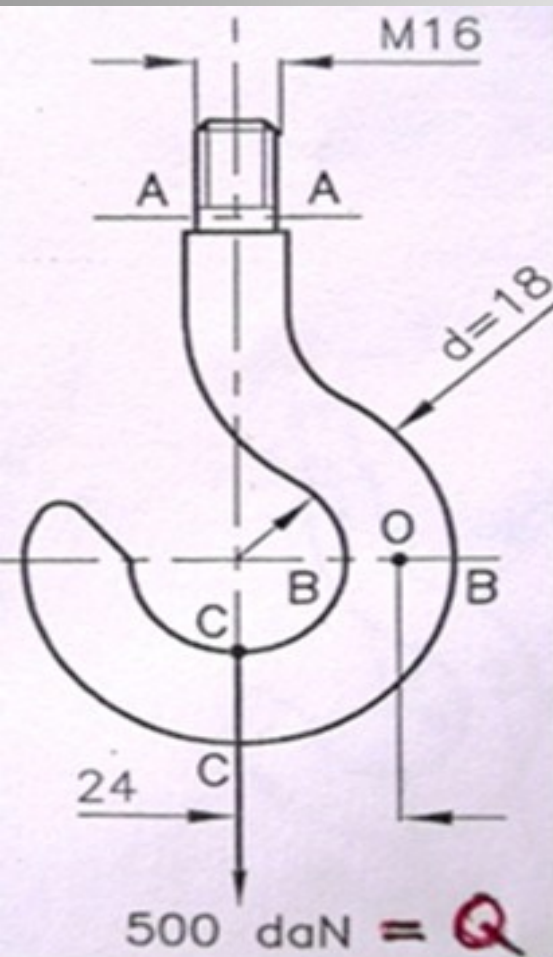
$$W_f(\text{circolare})=0,1d^3=583,20 \text{ mm}^3$$

$$\sigma_t=Q/A=1,96 \text{ daN/mm}^2 \text{ (Sigma a Trazione)}$$

$$\sigma_f=M_f/W_f=20,57 \text{ daN/mm}^2 \text{ (Sigma a Flessione)}$$

Quindi, a destra del punto "O"

$$\text{si ha: } \sigma_{dx} = \sigma_t - \sigma_f = 18,62 \text{ daN/mm}^2$$



E a sinistra del punto "O" si ha:  $\sigma_{sx} = \sigma_t + \sigma_f = 22,54 \text{ daN/mm}^2$

La SEZIONE C-C è soggetta a Taglio: L'area  $A = 3,14 \times 9^2 = 254,34 \text{ mm}^2$ ,  
quindi  $\tau = Q/A = 1,96 \text{ daN/mm}^2$

### CONFRONTIAMO LE TENSIONI NELLE VARIE SEZIONI:

Nella Sez. A-A,  $\sigma = 3,47 \text{ daN/mm}^2 < \sigma_{am} = 24 \text{ daN/mm}^2$  - OK

Nella Sez. B-B,  $\sigma_{dx} = 18,62 \text{ daN/mm}^2$  e  $\sigma_{sx} = 22,54 \text{ daN/mm}^2 < \sigma_{am} = 24 \text{ daN/mm}^2$  - OK

Nella Sez. C-C,  $\tau = 1,96 \text{ daN/mm}^2 < \tau = 0,58 \times 24 (\sigma_{am}/\sqrt{3}) = 13,92 \text{ daN/mm}^2$  - OK

Si consideri il gancio in movimento con un carico a fatica pulsante (1/3):

Allora,  $\sigma_{am} = 24/3 = 8 \text{ daN/mm}^2$  e  $\tau = 13,92/3 = 4,64 \text{ daN/mm}^2$ , Rivediamo la situazione:

In A-A  $\sigma = 3,47 < \sigma_{am} = 8 \text{ daN/mm}^2$  - OK

Nella Sez. B-B,  $\sigma_{dx} = 18,62$  e  $\sigma_{sx} = 22,54 \text{ daN/mm}^2 > \sigma_{am} = 8 \text{ daN/mm}^2$

**NON E' VERIFICATA!**

Nella Sez. C-C,  $\tau = 1,96 \text{ daN/mm}^2 < \tau = 4,64 \text{ daN/mm}^2$  - OK

## *Esercizio*

*Calcolare il lavoro svolto e la potenza assorbita da una Gru (è meglio un verricello) che solleva il carico  $Q=500$  daN, ad un'altezza  $h=15$  m in un tempo  $t=50$  s. Si consideri che il rendimento del motore elettrico che aziona la gru è pari a  $\eta=90\%$ .*

### RISOLUZIONE

Il lavoro svolto,  $L=Q \times h=75.000$  Joule

La potenza,  $P=L/t=1.500$  W = 1,5 kW

La potenza assorbita, comprensiva delle perdite, vale:

$P_{\text{ass}}=P_{\text{netta}}/\eta=1,5/0,90=1,66$  kW.

## *Esercizio*

*Un albero motore gira con  $n_1=900$  giri/min e trasmette una potenza pari a  $P=15$  kW con un rapporto di trasmissione  $i=2$ . L'albero è parte di una coppia di ruote dentate cilindriche a denti diritti in acciaio con  $\sigma_R$  di rottura  $=1.200$  N/mm<sup>2</sup>.*

*Si chiede di eseguire il proporzionamento delle ruote.*

*Assumere come angolo di pressione  $\alpha=15$ , da cui deriva dalla tabella del minimo numero dei denti che la ruota motrice deve avere un numero di denti pari a  $Z_1=25$  con  $10<\lambda<30$ . Si fissa il grado di sicurezza pari a  $n=4$ .*

### RISOLUZIONE

*Si ricava il momento torcente:*

$$M_t = 9.549 \times P / n_1 [(kW) / (giri(min))] = 159,15 \text{ Nm} = 159.150 \text{ Nmm}$$

$$\text{Oppure } M_t = P / \omega [(watt) / (rad/secondi)] = P \cdot 60 / 2\pi n_1 = 159.235 \text{ Nmm}$$

$$\text{La tensione ammissibile } \sigma_{amm} = \sigma_R / n = 300 \text{ N/mm}^2$$

*Per avere il carico di sicurezza dinamico bisogna assegnare un valore della velocità periferica che dovrà essere confermato successivamente, poniamo,*

*in prima analisi, la velocità periferica  $V=3$  m/s.*

*$\sigma_{ad} = \sigma_{amm} A / A + V$  (dove  $A=3$  per ingranaggi meno precisi per ruote lente e velocità periferica  $V < 5$  m/s e  $A=6$  per ingranaggi precisi per ruote veloci con  $5 \leq V < 20$  m/s)*



Quindi:  $\sigma_{ad} = \sigma_{amm} A/A+V = 150 \text{ N/mm}^2$

Per cui il modulo

$$m = \sqrt[3]{[10,5 \times Mt / \lambda \times \sigma_{ad} \times Z1]} = 3,55 \text{ mm}$$

tale valore si approssima a 4 in riferimento alla tabella appropriata.

Allora: Diametro Primitivo,  $dp1 = m \cdot Z1 = 4 \cdot 25 = 100 \text{ mm}$

Verifichiamo adesso la velocità periferica  $V = dp1 \cdot \pi \cdot n1 / 60 = 4,71 \text{ m/s}$

Valore diverso da quello imposto precedentemente,

per cui rifacciamo i calcoli con  $V = 5 \text{ m/s}$

$$\sigma_{ad} = \sigma_{amm} A/A+V = 112,5 \text{ N/mm}^2$$

Si ricalcola  $m = \sqrt[3]{[10,5 \times 159.150 / 10 \times 112,50 \times 25]} = 3,90 \text{ mm}$  che si approssima a 4,  
vale comunque quello di prima,

a conferma si ricalcola la velocità periferica  $V = dp1 \cdot \pi \cdot n1 / 60 = 4,71 \text{ m/s}$  (questo è ovvio)

Adesso, possiamo continuare con il proporzionamento: RUOTA

Altezza del dente  $h = 2,25 m = 9 \text{ mm}$

Diametro Primitivo  $dp1 = m \cdot Z1 = 100 \text{ mm}$

Diametro di Testa  $dt1 = dp1 + 2 \cdot m = 108 \text{ mm}$

Diametro di Base  $db1 = dp1 - 2,5 \cdot m = 90 \text{ mm}$

Larghezza  $b = \lambda \cdot m = 40 \text{ mm}$

Adesso, possiamo continuare con il proporzionamento: RUOTA MOSSA

Numero Denti  $Z_2=i.Z_1=50$

Diametro Primitivo  $dp_2=dp_1.i=200$  mm

Diametro di Testa  $dt_2=dp_2+2.m=208$  mm

Diametro di Base  $db_2=dp_2-2,5.m=190$  mm

Numero di giri  $n_2=n_1/i=450$  g/m

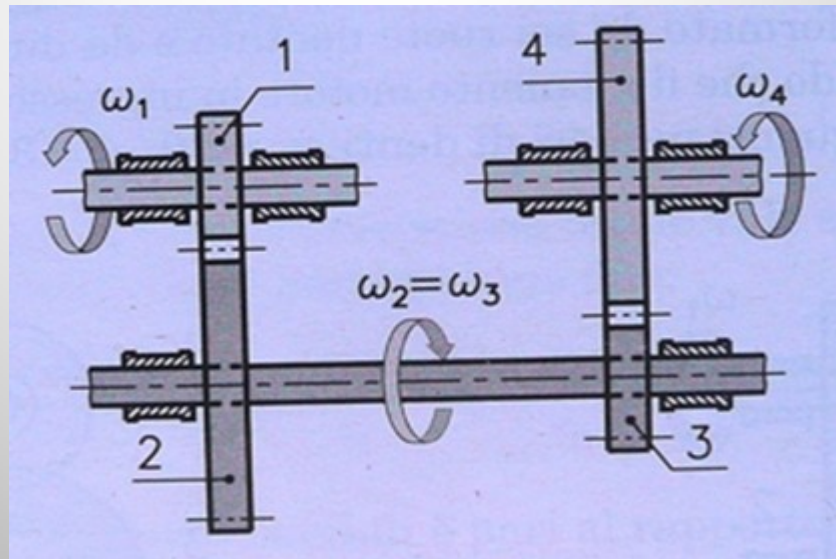
Larghezza  $b=\lambda.m=40$  mm

Altezza Dente  $h=2,25.m=9$  mm

## Esercizio

Il riduttore sotto riportato è formato da due alberi indipendenti d'ingresso e d'uscita collegati a un albero intermedio che ruotano con velocità angolare  $\omega$  e si accoppiano tramite le ruote dentate corrispondenti.

Sapendo che il Momento entrante,  $M_e=100 \text{ Nm}$ , il modulo delle ruote a sinistra,  $m_s=2,5 \text{ mm}$ , e quello a destra,  $m_d=3 \text{ mm}$ , i numeri dei denti sono rispettivamente,  $Z_1=20$ ,  $Z_2=40$ ,  $Z_3=18$  e  $Z_4=32$ , calcolare il rapporto di trasmissione totale e il momento torcente in uscita oltre a verificare la condizione di coassialità tra gli alberi, ovviamente si prescinde dagli attriti.



## RISOLUZIONE

Il rapporto di trasmissione totale,  $i_t = i_s \cdot i_d = Z_2/Z_1 \times Z_4/Z_3 = 3,55$

La Potenza uscente,  $P_4 = P_1$ , Potenza entrante che possiamo esprimerla come

$$M_4 \cdot \omega_4 = M_1 \cdot \omega_1$$

$$\text{da cui } M_4 = M_1 \cdot \omega_1 / \omega_4 = M_1 \cdot i_t = 355 \text{ Nm}$$

Per la condizione di coassialità fra gli alberi, si ha:  $m_s(Z_1 + Z_2) = m_d(Z_3 + Z_4)$

$$\text{Sostituendo i valori numerici: } 150 = 150$$

N.B. ciò è basato sul fatto che il rapporto di trasmissione è espresso anche come il rapporto dei raggi primitivi che sono in presa, infatti deve essere sempre  $r_1 + r_2 = r_3 + r_4$  e ciò è vero anche per il fatto che normalmente si considera il modulo  $m_d = m_s$ .

## *Esercizio*

*L'albero d'ingresso entra con un numero di giri pari a  $n_1=3.000$  g/min, il numero dei denti è per  $Z_1=38$  e per  $Z_2=55$ , qual è il rapporto di trasmissione tra le ruote dentate di destra per avere in uscita  $n_d=600$  g/m?*

### RISOLUZIONE

PREMESSO CHE IL RAPPORTO DI TRASMISSIONE:  $i=n_1/n_2=\omega_1/\omega_2=d_2/d_1=z_2/z_1$

Il numero dei giri dell'albero intermedio  
è  $n_i=n_1.Z_1/Z_2=2.072$  giri/min  $\approx 2.000$  g/m

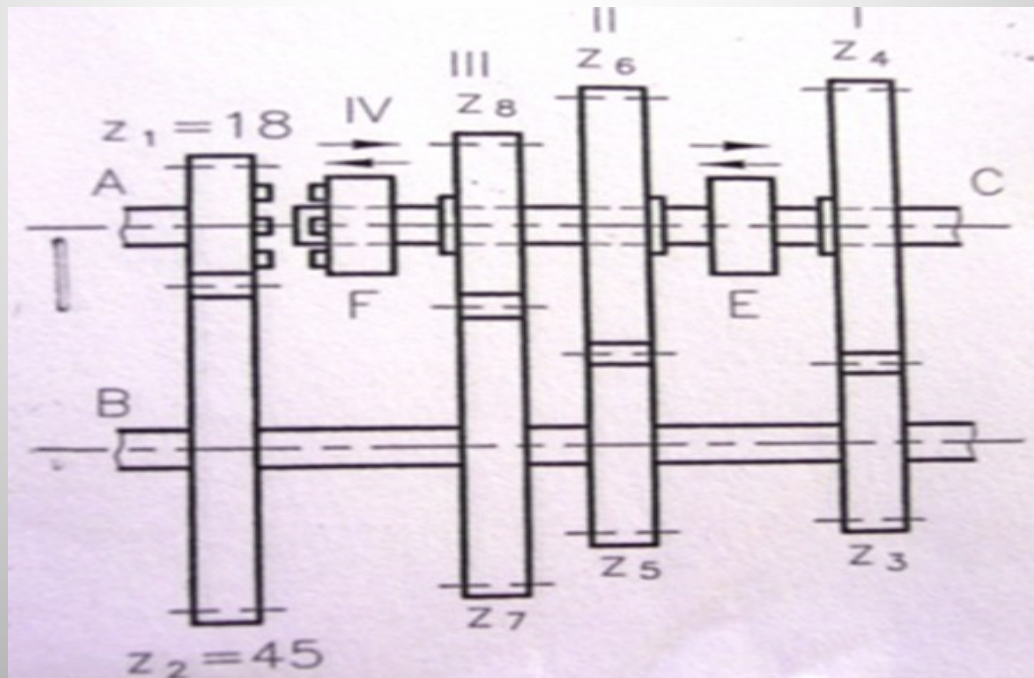
Siccome la distanza degli alberi è costante e quindi  $r_1+r_2=r_3+r_4$   
si procedere con la somma dei denti  $38+55=93$  denti  
 $i=n_i/[n_2]=[n_3]/n_4$  ma essendo  $n_2=n_3$  (albero intermedio) si ha:

$i=n_i/n_4=3,33=Z_4/Z_3$  e siccome deve essere  $Z_4+Z_3=93$ , si ha:  
 $Z_4=3,33 \times Z_3$  segue  $3,33 \times Z_3 + Z_3 = 93 \gg Z_3(3,33+1)=93 \gg Z_3(4,33)=93$   
Quindi  $Z_3=93/4,33=21,47 \approx 22$  denti e  $Z_4=93-Z_3=93-22=71$  denti

## ESERCIZIO

*Un cambio è così strutturato: A: Albero motore, B: Albero intermedio e C: Albero d'uscita.*

*Le ruote dentate 1 e 2 sono sempre in presa, le ruote 2, 3, 5 e 7 sono calettate sull'albero B, le ruote 4, 6 e 8 sono folli sull'albero C e, per l'innesto della marcia, si bloccano sull'albero mediante i manicotti E e F. La quarta marcia si può ottenere bloccando direttamente gli alberi A e C mediante un innesto a denti frontali (presa Diretta).*



L'albero motore compie 2500 g/m e sull'albero di uscita "C" si vogliono ottenere  $n1^{\wedge}=500$  g/m in 1<sup>^</sup> marcia,  $n2^{\wedge}=800$  in 2<sup>^</sup>,  $n3^{\wedge}=1300$  g/m in 3<sup>^</sup> e 2500 in 4<sup>^</sup> marcia.

Sapendo che i denti di Z1 e Z2 sono rispettivamente 8 e 45, calcolare il numero dei denti delle ruote dentate di ciascun calettamento.

$$i = n_a / n_b = Z_b / Z_a$$

$$n_b = n_a \cdot Z_a / Z_b = 2.500 \times 18 / 45 = 1000 \text{ g/m}$$

Ma gli alberi hanno la stessa distanza per cui per la condizione di coassialità fra gli alberi

deve essere  $m(Z1+Z2) = m3^{\wedge}(Z8+Z7) = m2^{\wedge}(Z6+Z5) = m1^{\wedge}(Z4+Z3) =$  alla somma dei denti considerando come accade di solito che i moduli sono tutti uguali.

$$\text{Quindi } Z1+Z2 = 18+45 = 63$$

1<sup>^</sup> velocità di marcia:  $i = n_b / n1^{\wedge} = 1000 / 500 = 2,00$  g/m per cui  $Z4/Z3 = 2$  e  $Z3+Z4 = 63$

$$\text{Segue } Z4 = 2 \times Z3 > Z3 + (2 \times Z3) = 63 \gg Z3(1+2) = 63$$

$$Z3 = 63 / (1+2) = 21 \text{ e } Z4 = 63 - Z3 = 63 - 21 = 42$$

2<sup>^</sup> velocità di marcia:  $i = n_b / n2^{\wedge} = 1000 / 800 = 1,25$  g/m per cui  $Z6/Z5 = 1,25$  e  $Z5+Z6 = 63$

$$\text{Segue } Z6 = 1,25 \times Z5 > Z5 + (1,25 \times Z5) = 63 \gg Z5(1+1,25) = 63$$

$$Z5 = 63 / (1+1,25) = 28 \text{ e } Z6 = 63 - Z5 = 63 - 28 = 35$$

3<sup>^</sup> velocità di marcia:  $i = n_b / n3^{\wedge} = 1000 / 1300 = 0,77$  g/m per cui  $Z8/Z7 = 0,77$  e  $Z7+Z8 = 63$

$$\text{Segue } Z8 = 0,77 \times Z7 > Z7 + (0,77 \times Z7) = 63 \gg Z7(1+0,77) = 63$$

$$Z7 = 63 / (1+0,77) = 35,59 \approx 36 \text{ e } Z8 = 63 - Z7 = 63 - 36 = 27$$

La 4<sup>^</sup> marcia è in presa diretta con 2.500 g/m

*Definire i rapporti di trasmissione del cambio a 4 marce nella figura precedente.*

*Il rapporto fra la velocità di una marcia e quella ottenuta con la marcia precedente, detto spaziatura, deve risultare costante; tale costante, detta ragione del cambio, spesso è scelta fra valori unificati riportati nella tabella 3.1, desunti dalla serie numerica di Renard.*

*$K-1 \ll$  La Ragione,  $R = \sqrt[nk/n1]{K} \ll$  con  $K$ , Numero delle Marce;  $n1$  e  $nk$ , Marcia più corta ( $1^{\wedge}$ ) e più lunga ( $4^{\wedge}$ )*

*Quindi, essendo  $n1 = 500$  g/m e  $nk = 2.500$  g/m*

$$R = \sqrt[3]{nk/n1} = \sqrt[3]{2500/500} = \sqrt[3]{5} = 1,709$$

$$n2 = n1.R = 500 \times 1,709 = 854,5 \text{ g/m} \approx 855 \text{ g/m}$$

$$n3 = n2.R = 855 \times 1,709 = 1.461,19 \text{ g/m} \approx 1.461 \text{ g/m}$$

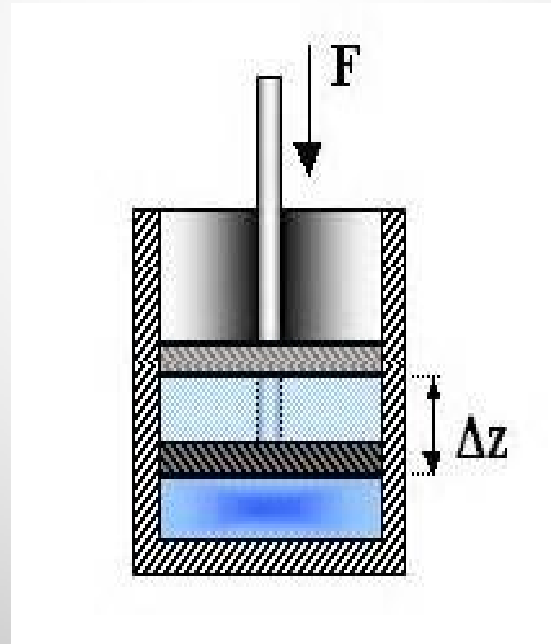
$$n4 = n3.R = 1461 \times 1,709 = 2.496,84 \text{ g/m} \approx 2.500 \text{ g/m}$$

*N.B. i risultati NON sono proprio esatti.*



## Esercizio

*Il sistema, cilindro/stantuffo con diametro interno di 50 mm è pieno di aria compressa alla pressione di 5 bar. Il pistone contrasta una forza perpendicolare ad esso di 600 N che lo spinge verso il basso di  $\Delta Z=10$  cm. Calcolare il lavoro svolto dal sistema trascurando gli attriti. Si chiede, inoltre, di verificare il sistema in funzione del diagramma  $P-V$  a pressione costante (isobara).*



## RISOLUZIONE

Allora si calcola la sezione del cilindro,  $S=\pi d^2/4=0,00196 \text{ m}^2$  e la forza esercitata dall'aria compressa, verso l'alto,  $F_c=p \times S= 980 \text{ N}$

Essa è maggiore della forza esterna agente sul sistema, verso il basso,

$$F=600 \text{ N}: F_c > F$$

Quindi il lavoro svolto dal sistema è

$$L=F_c \times \Delta Z - F \times \Delta Z = \Delta Z (F_c - F) = 38 \text{ J}$$

Termodinamicamente parlando ciò avviene a pressione costante: ISOBARA

Nel diagramma (P-V) di una isobara,

si ha un rettangolo di base volume ( $V_{\text{fin}} - V_{\text{iniz}}$ ) e altezza p (pressione),

$$\begin{aligned} \text{quindi, posso scrivere che } \Delta L &= p (V_{\text{iniz}} - V_{\text{fin}}) = \\ &= 5 \times 100.000 [\text{Pa}] \times [0,10 \times (3,14 \times 0,050^2 / 4)] = 98 \text{ J} \end{aligned}$$

$$\text{VERIFICA: } \Delta L = F_c \times \Delta Z = 980 \times 0,10 = 98 \text{ J.}$$

## Esercizio

Determinare a) lo stato fisico finale dell'aria (Pressione, Volume specifico e Temperatura in Kelvin), b) il lavoro compiuto sul fluido da un pistone immerso in un cilindro di diametro  $d=40$  cm che contiene 3 kg d'aria alla temperatura di  $27^{\circ}\text{C}$  e sovraccaricato da una forza  $F=2000$  daN, supponendo che venga sottratta al fluido una quantità di calore pari a 150 kJ. c) Se, invece, somministriamo calore al fluido a  $40^{\circ}\text{C}$ , quanto è lo spostamento dello pistone?

### RISOLUZIONE Domanda a) Stato Fisico Finale

Dati=  $C_p$  ( calore specifico a pressione costante dell'aria)

$$=996 \text{ J/kg.K}=0,996 \text{ KJ/kg.k}$$

$$P_{\text{atm}} \text{ in Pascal} = 98.066,5 \text{ Pa [N/m}^2\text{]} - R=287$$

$$\text{Pressione Iniziale} = P_i = F/A = 20.000/3,14 \times 0,20^2 = 20.000/0,1256 = 159.235,67 \text{ Pa}$$

$$\text{Pressione assoluta} = P_{\text{ass}} = P_i + P_{\text{atm}} = 159.235,67 + 98.066,5 = 257.302,17 \text{ Pa}$$

$$\text{Sottraiamo il calore } Q = -m \cdot c_p (T_2 - T_1) \gg T_2 - T_1 = -Q/mc_p = -150 \text{ kJ}/3 \text{ kg} \times 0,996 \text{ kJ/kg.k} = -50,20 \text{ k}$$

$$\text{Ma essendo } T_k = 273,15 + C = 273,15 + 27 = 300,15 \text{ K} = T_1$$

$$\text{e quindi, } T_2 = -50,20 + 300,15 = 249,95 \text{ K}$$

$$\text{Volume specifico, } V_2 = RT_2/P_{\text{ass}} = 287 \times 249,95/257.302,17 = 0,278 \text{ m}^3/\text{kg}$$

## RISOLUZIONE Domanda b) Lavoro compiuto

Il lavoro,  $L = m \cdot \text{Pass}(V_2 - V_1)$

ma bisogna determinare prima il volume specifico iniziale  $V_1 = RT_1 / \text{Pass} =$   
 $= 287 \times 300,15 / 257.302,17 = 0,334 \text{ m}^2/\text{kg}$

Quindi  $L = 3 \times 257.302,17 (0,278 - 0,334) = -43.226,76 \text{ J}$  che è NEGATIVO

## RISOLUZIONE Domanda c) Somministriamo calore

$V_1$ , prima del riscaldamento  $= 0,334 \times 3 = 1,002 \text{ m}^3$  e essendo

$T_k = 273,15 + ^\circ\text{C} = 273,15 + 40 = 313,15 \text{ } ^\circ\text{K} = T_2$

Si ha che  $V_2$ , dopo il riscaldamento  $= V_1 \times T_2 / T_1 = 1,045 \text{ m}^3$

La variazione di Volume è

$V_2 - V_1 = 1,045 \text{ m}^3 - 1,002 \text{ m}^3 = 0,043 \text{ m}^3 = 43.000 \text{ cm}^3$

e lo stantuffo si sposta di  $\Delta Z = V_2 - V_1 / \text{Area} = 43.000 / 3,14 \times 20^2 = 34,23 \text{ cm}$

## *Esercizio*

*Stesso sistema, determinare la variazione di Energia Interna somministrando 1000 J di calore e il gas compie un lavoro esterno di 820 J.*

### RISOLUZIONE

$$\Delta U = U_2 - U_1 = Q - L = 1000 - 820 = 180 \text{ J}$$

Ricalcolare  $\Delta U$  per una trasformazione isoterma di 1 kg di gas sapendo che  $T_1 = 330 \text{ }^\circ\text{K}$  e  $T_2 = 360 \text{ }^\circ\text{K}$  con  $C_v = 0,72 \text{ kg/kg.k}$

### RISOLUZIONE

$$\Delta U = U_2 - U_1 = C_v(T_2 - T_1) = 0,72 (360 - 330) = 21,60 \text{ kJ}$$

## *Esercizio*

*Calcolare il rendimento termico teorico del cilindro di un motore in base ai seguenti dati: Calore Introdotto ( $Q_1$ ) = 2400 kJ/kg e Calore Sottratto ( $Q_2$ ) = 1750 kJ/kg.*

*Nel ciclo di Carnot determinare il rendimento nel caso di 2 salti di temperatura uguali ma con temperature estreme diverse, uno con  $T_1=1000$  K e  $T_2=900$  K e l'altro con  $T_1=250$  K e  $T_2=150$  K.*

*Commentare e descrivere il procedimento di calcolo con riferimento alle unità di misura.*

### RISOLUZIONE

$$\eta = \frac{Q_1 - Q_2}{Q_1} = 0,27$$

$$\eta_c = \frac{T_1 - T_2}{T_1} = 0,1$$

$$\text{e } \eta_c = \frac{T_1 - T_2}{T_1} = 0,4$$

## Esercizio

*Calcolare l'efficienza "ε" dell'impianto di condizionamento operando con il ciclo di Carnot inverso, sapendo che la temperatura estiva esterna è di 40 C=t<sub>1</sub> all'ombra e che si desidera avere un'ambiente a temperatura interna di 23 C=t<sub>0</sub>. Ovviamente in condizioni ideali, trascurando le perdite.*

### RISOLUZIONE

L'impianto di condizionamento deve sopperire al flusso termico che attraversa le pareti, passiamo alle temperature assolute:

$$T_1=273,13K +t_1=273,13 K+40 C=313,13 K \text{ e}$$

$$T_0=273,13K +23t_0=296,13 K$$

Efficienza o Coefficiente di prestazione

$$\varepsilon= T_0/ T_1-T_0=296,13/(313,13-296,13)=296,13/17=17,42$$

Vuol dire che per ogni singola unità di lavoro spesa per il funzionamento della macchina frigorifera di Carnot, si deve estrarre dalla stanza 17,42 unità di calore, ovviamente trascurando le perdite.

## Esercizio

Un termostato inferiore a temperatura ambiente,  $t_0=10$  C e due superiori, rispettivamente a  $t_1=650$  C e  $t_3=1400$  C, formano due cicli di Carnot. Per il 1<sup>o</sup> ciclo, la differenza tra il calore entrante e quello uscente è  $Q_1=450$  kJ/kg e per il 2<sup>o</sup>,  $Q_2=300$  kJ/kg. I cicli sono attivi in senso orario e come fluido operativo usano azoto.

Trovare l'entropia riportandola sul diagramma entropico (T/S) e calcolare i rendimenti. **Disegnare lo schema di riferimento**

### RISOLUZIONE

Trasformiamo tutte le temperature in gradi Kelvin:  $T=273,13$  K +  $t_0$

$T_0=273,13$  K + 10 = 283,13 K,  $T_1=273,13$  K + 650 = 923,13 K e

$T_2=273,13$  K + 1400 = 1673,13 K

Per disegnare il diagramma T/S bisogna calcolare:

$\Delta S_1=Q_1/T_1-T_0=450/(923,13-283,13)=450$  kJ/kg/640 K = 0,703 kJ/kgK

$\Delta S_2=Q_2/T_2-T_0=300/(1673,13-283,13)=300$  kJ/kg/1390 K = 0,215 kJ/kgK

e considerare l'isoterma  $T_0=283,13$  K come base comune

e l'altezza è pari alla differenza delle temperature:  $T_2-T_0$  e  $T_1-T_0$  già trovate.



Troviamo i rendimenti:

$$\eta_1 = 1 - T_0/T_1 = 1 - (283,13/923,13) = 1 - 0,305 = 0,69 \text{ e}$$

$$\eta_2 = 1 - T_0/T_2 = 1 - (283,13/1673,13) = 1 - 0,169 = 0,83$$

Il rendimento di quest'ultimo è maggiore perché la macchina di Carnot lavora tra temperature più alte.

Il lavoro non dipende dalla quantità di calore scambiata (area racchiusa nei rettangoli del diagramma T/S).

## ESERCIZIO

*Un termosifone di un impianto di riscaldamento ad acqua calda, riceve dalla caldaia l'acqua a temperatura  $t_1=90^\circ\text{C}$  e, a sua volta il termosifone la rimanda in caldaia fredda a temperatura  $t_0=20^\circ\text{C}$ .*

*Qual è la variazione di entropia considerando che  $dQ_1=240 \text{ KJ/kg}$  e  $dQ_0=100 \text{ KJ/Kg}$ ? Disegnare lo schema di riferimento.*

*Si precisa che l'acqua esce dalla caldaia a  $100^\circ\text{C}$  ed esce dal termosifone a  $30^\circ\text{C}$ .*

### RISOLUZIONE

Si riporta tutto alle temperature assolute

$$T_1=273,13\text{K} +t_1=273,13 \text{ K}+90 \text{ C}=363,13 \text{ K}$$

$$T_0=273,13\text{K} +t_0=273,13 \text{ K}+20 \text{ C}=293,13 \text{ K}$$

$$\text{e } \Delta T_1= \Delta T_0=273,13\text{K} +10 \text{ C}=283,13 \text{ K}$$

Allora, nel tratto TRA CALDAIA E TERMOSIFONE

**$dS=dQ_1/T_1-dQ_1/(T_1+\Delta T_1)$  che è positiva:**

$$\begin{aligned} dS &= 240 \text{ KJ/kg}/363,13 \text{ K} - 240/(363,13 \text{ K} + 283,13 \text{ K}) = 0,66 - (240/646,26) = \\ &= 0,66 - 0,37 = 0,29 \text{ kJ/kgK} \end{aligned}$$

Nel tratto compreso tra TERMOSIFONE E CALDAIA

**$dS=dQ_0/(T_0-\Delta T_0)-dQ_0/T_0$  >> anche qui è positiva:**

$$dS = 100/(293,13 \text{ K} - 283,13 \text{ K}) - 100/293,13 \text{ K} = 100/10 - 0,34 = 10 - 0,34 = 9,66 \text{ kJ/kgK}.$$

## ESERCIZIO

Descrivere e rappresentare in un abbozzo lo schema dei componenti di uno dei generatori di vapore, seguenti:

Caldaia tipo Cornovaglia,

VEDI FIGURA PAG. 293, Fig.18.1

•Caldaia a tubi di fumo,

VEDI FIGURA PAG. 294, Fig.18.2

•Caldaia a tubi d'acqua sub-orizzontali,

VEDI FIGURA PAG. 295, Fig.18.3

## ESERCIZIO

Il tubo di Laval si adatta alla bocca di efflusso per sfruttare al meglio l'energia cinetica potenziale disponibile in relazione al salto effettivo di pressione ( $p_1-p_2$ ).

Disegnare il tubo di Laval e descrivere la formula per dimensionare la lunghezza (l).

PAG. 287 Fig. 17.3 Con  $\gg l = (d_1 - d_2/2) / (\tan \alpha / 2)$